

## レポート問題 1 0 (数学解析第 2 )

Jan. 7, 2010 (Thu.)

- [1] 以下の  $\mathbf{u} = \mathbf{u}(x) = (u_1(x), u_2(x), u_3(x))^T$  に関する連立常微分方程式の解で , 初期条件  $\mathbf{u}(0) = \mathbf{u}_0$  を満たすものを求めよ .

$$(1) \begin{cases} u'_1 = u_1 + u_2 - u_3 \\ u'_2 = u_2 \\ u'_3 = -u_2 + 2u_3 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} u'_1 = 3u_1 + u_2 - u_3 \\ u'_2 = -u_1 + 2u_2 + u_3 \\ u'_3 = u_1 + u_2 + u_3 \end{cases}$$

- [2]  $\mathbf{R}$  上連続な実数値関数を成分とする  $N$  次正方行列  $A(x)$  が歪対称 , すなわち  $A(x)^T = -A(x)$  ( $x \in \mathbf{R}$ ) ならば , 連立常微分方程式

$$\frac{d\mathbf{u}}{dx} = A(x)\mathbf{u}$$

の実数値解  $\mathbf{u} = \mathbf{u}(x)$  は常に  $\|\mathbf{u}(x)\| \equiv \|\mathbf{u}(0)\|$  ( $x \in \mathbf{R}$ ) を満たすことを示せ .  
(ヒント :  $\frac{d}{dx}\|\mathbf{u}(x)\|^2$  を計算せよ .)

### レポート作成上の注意

- A4 版のレポート用紙を使用し , 表紙を付けること . (学事センターにある所定の表紙を使う必要はない .) 表紙には科目名 , レポート番号 , 学籍番号 , 氏名 , 所属学科を記入すること .
- 最終的な答えだけでなく , 途中計算を分かりやすく説明すること .
- ワープロ , T E X 等は使用せず , 手書きで (丁寧な字で) 作成すること .
- レポートは次の講義終了後に回収する .

### 補講のお知らせ

- 日時 : 1月20日(水) 16時30分 ~ 18時00分 (時間が異なります ! )
- 講義室 : 第4校舎13教室 (いつもと同じ部屋)