

- 1 以下で定まる2階の偏微分作用素  $L$  が  $\mathbf{R}^2$  において楕円型であるかどうかを判定せよ.

$$(1) Lu = 5\frac{\partial^2 u}{\partial x_1^2} - 4\frac{\partial^2 u}{\partial x_1 \partial x_2} + 7\frac{\partial^2 u}{\partial x_2^2}$$

$$(2) Lu = \frac{\partial^2 u}{\partial x_1^2} + 6\frac{\partial^2 u}{\partial x_1 \partial x_2} - 5\frac{\partial^2 u}{\partial x_2^2}$$

- 2 以下で定まる2階の偏微分作用素  $L$  が  $\mathbf{R}^3$  において楕円型であるかどうかを判定せよ.

$$(1) Lu = 3\frac{\partial^2 u}{\partial x_1^2} + 4\frac{\partial^2 u}{\partial x_2^2} + 4\frac{\partial^2 u}{\partial x_3^2} + 2\frac{\partial^2 u}{\partial x_1 \partial x_2} - 2\frac{\partial^2 u}{\partial x_1 \partial x_3} + 6\frac{\partial^2 u}{\partial x_2 \partial x_3}$$

$$(2) Lu = 5\frac{\partial^2 u}{\partial x_1^2} + 2\frac{\partial^2 u}{\partial x_2^2} + 2\frac{\partial^2 u}{\partial x_3^2} + 2\frac{\partial^2 u}{\partial x_1 \partial x_2} - 2\frac{\partial^2 u}{\partial x_1 \partial x_3} - 6\frac{\partial^2 u}{\partial x_2 \partial x_3}$$

#### レポート作成上の注意

- A4版のレポート用紙を使用し、表紙を付けること。表紙には科目名、レポート番号、学籍番号、氏名を記入すること。レポートの左上をホチキス留めすること。
- 最終的な答えだけでなく、途中計算を分かりやすく説明すること。
- ワードプロ、 $\text{T}_\text{E}_\text{X}$ 等を使用せず、手書きで（丁寧な字で）作成すること。
- レポートは次回の講義終了後に回収する。