

[1] u に関する n 階齊次線形常微分方程式

$$u^{(n)} + a_1(x)u^{(n-1)} + a_2(x)u^{(n-2)} + \cdots + a_n(x)u = 0 \quad (*)$$

の解全体からなる集合を

$$X := \{u \in C^n(\mathbf{R}) \mid u = u(x) \text{ は } (*) \text{ の解} \}$$

とおく。このとき、 X は $C^n(\mathbf{R})$ の線形部分空間であること、すなわち、 $u_1, u_2 \in X$ 、 $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$ ならば $c_1 u_1 + c_2 u_2 \in X$ となることを示せ。

[2] $u_1, \dots, u_n \in C^{n-1}(\mathbf{R})$ に対する Wronskian を $W(x)$ とする。すなわち、

$$W(x) = \det \begin{pmatrix} u_1(x) & u_2(x) & \cdots & u_n(x) \\ u'_1(x) & u'_2(x) & \cdots & u'_n(x) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ u_1^{(n-1)}(x) & u_2^{(n-1)}(x) & \cdots & u_n^{(n-1)}(x) \end{pmatrix}$$

このとき、ある $x_0 \in \mathbf{R}$ に対して $W(x_0) \neq 0$ ならば、 u_1, \dots, u_n は一次独立であることを示せ。

レポート作成上の注意

- A4 版のレポート用紙を使用し、表紙を付けること（学事センターにある所定の表紙を使う必要はない。）表紙には科目名、レポート番号、学籍番号、氏名、所属学科を記入すること。
- 最終的な答えだけでなく、途中計算を分かりやすく説明すること。
- ワープロ、T E X 等は使用せず、手書きで（丁寧な字で）作成すること。
- レポートは次回の講義終了後に回収する。

中間試験のお知らせ

- 試験日・時間：11月26日（木）14時45分～16時15分
- 試験場所：第4校舎13教室（講義と同じ部屋）